

## МНОЖЕСТВЕННОСТЬ МГНОВЕННЫХ НЕЙТРОНОВ ПРИ СПОНТАННОМ ДЕЛЕНИИ ЯДЕР

М. ДАКОВСКИЙ, Ю. А. ЛАЗАРЕВ, Ю. Ц. ОГАНЕСЯН

ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

(Поступила в редакцию 14 мая 1973 г.)

Измерены распределения числа мгновенных нейтронов  $P_v$ , испускаемых при спонтанном делении  $\text{Cm}^{244}$  и  $\text{Cm}^{246}$ . Для  $\text{Cm}^{246}$  определено среднее число нейтронов на акт деления:  $\bar{v} = 2,98 \pm 0,03$  относительно  $\bar{v} = 2,69 \pm 0,01$  для  $\text{Cm}^{244}$ . Приводится обзор экспериментальных данных о дисперсии числа мгновенных нейтронов деления  $\sigma_v^2$ . Анализируется зависимость  $\sigma_v^2$  от  $Z$ ,  $A$  и энергии возбуждения делящегося ядра. Высказывается предположение о корреляции между  $\sigma_v^2$  и величиной выхода осколков в области симметричных масс.

Мгновенные нейтроны деления несут наиболее непосредственную информацию об энергии возбуждения, возникающей вследствие деформации осколков в момент разрыва делящегося ядра. Среднее число нейтронов  $\bar{v}$  определяет величину суммарной энергии возбуждения, в то время как распределение множественности нейтронов  $P_v$  связано с распределением энергии возбуждения около ее среднего значения.

Средние числа нейтронов определены для спонтанного деления двадцати изотопов: от  $\text{U}^{236}$  до  $\text{Fm}^{257}$ . Систематика чисел  $\bar{v}$ , построенная по данным обзора [1] с учетом последних результатов [2–6], представлена на рис. 1. Основной и наиболее интересной ее особенностью является существенное усиление зависимости  $\bar{v}$  от массы делящегося ядра  $A$  при  $A \geq 244$ . В этой области масс наблюдаются значительные изменения в характере зависимости от  $A$  и для других величин: средней суммарной кинетической энергии осколков, наиболее вероятной массы тяжелого осколка. Поведение и корреляции указанных величин при изменении нуклонного состава делящихся ядер объясняются влиянием оболочечной структуры индивидуальных осколков на динамику разделения. В частности, поведение величин  $\bar{v}$  с ростом массы делящегося ядра может быть обусловлено изменением упругих свойств (жесткостей) по отношению к квадрупольным колебаниям) наиболее вероятных осколков деления [7], которые очень сильно зависят от степени заполнения протонных и в особенности нейтронных оболочек. Основываясь на такой интерпретации, можно предполагать [7, 8], что резкий рост  $\bar{v}$ , имевший место при переходе через область  $A = 244 \div 254$ , при последующем увеличении  $A$  прекратится. Экспериментальные значения величин  $\bar{v}$  для изотопов калифорния и фермия с  $A \geq 254$  (рис. 1) в пределах ошибок остаются постоянными, что согласуется со сделанным предположением. В дальнейшем существенными представляются измерения  $\bar{v}$  для ядер с  $Z \geq 100$ . Подобные эксперименты могут служить непосредственной проверкой теоретических представлений о спонтанном делении наиболее тяжелых ядер [9] и способствовать развитию теорий, предсказывающих свойства сверхтяжелых элементов [9, 10].

Если систематика чисел  $\bar{v}$  по мере накопления результатов обсуждалась неоднократно, то анализу распределений числа нейтронов  $P_v$  посвящена лишь одна работа, выполненная Терреллом в 1957 г. [11]. Основным

ее результатом явилось установление конкретного, согласованного с имеющейся экспериментальной информацией соотношения для связи распределения числа нейтронов с распределением суммарной энергии возбуждения осколков. Для всех рассмотренных случаев, кроме  $Cf^{252}$ , масса делящегося ядра не превышала 244. При этом, согласно [11, 12], именно  $Cf^{252}$  представлял исключительный по отношению к остальной совокупности данных случай, что выражалось в «аномально» большой ширине распределения числа нейтронов. Этот факт, возможно, имеет причинную связь с существенными изменениями других характеристик спонтанного деления в области  $A \geq 244$ .

В последние годы были значительно уточнены распределения числа нейтронов для  $Pu^{240}$ ,  $Pu^{242}$ ,  $Cf^{252}$  [13, 14] и получен ряд новых результатов для спонтанного деления ядер с  $A > 244$  [2, 3, 15, 16]. Цель настоящей работы состояла в исследовании распределений множественности для изотопов  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$ , лежащих на границе области «аномалий», с одной стороны, и в анализе всей совокупности экспериментальных данных по множественности нейтронов при спонтанном делении — с другой. Одновременно определялась величина  $\bar{v}$  для  $Cm^{246}$ , для которой имелись весьма неточные данные однократного измерения [17], а результатов [5, 6] в период проведения эксперимента не было.

### 1. Методика измерений. Учет систематических погрешностей

Измерения проводились с помощью анализатора нейтронов, работающего на линии с малой ЭВМ ТРА-1001 [18], методом параллельной регистрации нейтронов  $Cm^{246}$  и  $Cm^{244}$  в совпадении с соответствующим осколком деления. Детектор нейтронов содержал 36 пропорциональных  $He^3$ -счетчиков, помещенных в замедлитель и распределенных по выходному сигналу на шесть групп. Каждая группа счетчиков имела независимый усилительно-формирующий тракт с разрешающим временем 2 мксек. Осколки регистрировались поверхностно-барьерными  $Si(Au)$ -детекторами, помещенными вместе с источниками делений в две независимые камеры в центре детектора нейтронов. Для каждого акта деления определялись: номер  $Si(Au)$ -детектора, амплитуда осколка, числа нейтронов, зарегистрированные каждой из шести групп  $He^3$ -счетчиков. Информация по программно-управляющему каналу поступала в ЭВМ, где одновременно с накоплением в памяти осуществлялась ее предварительная обработка.

Непосредственными результатами измерений являлись распределения событий по признаку числа зарегистрированных нейтронов  $n$ . Такие распределения были получены для  $Cm^{246}$ ,  $Cm^{244}$  и для фона. Укажем систематические погрешности, которые принимались во внимание при обработке этих результатов.

Учитывался изотопный состав источников: источник из  $Cm^{246}$  ( $\approx 0,8$  мкг) содержал 98,6 %  $Cm^{246}$  и 1,4 %  $Cm^{244}$ ; в источнике из  $Cm^{244}$  ( $\approx 0,2$  мкг) содержание делящихся примесей не превышало 0,1 %.

Поскольку изотопы кюрия обладают большой удельной  $\alpha$ -активностью, пороги регистрации осколков выбирались достаточно высокими, что приводило к дискриминации 20–30 % низкоэнергетических осколков деления.

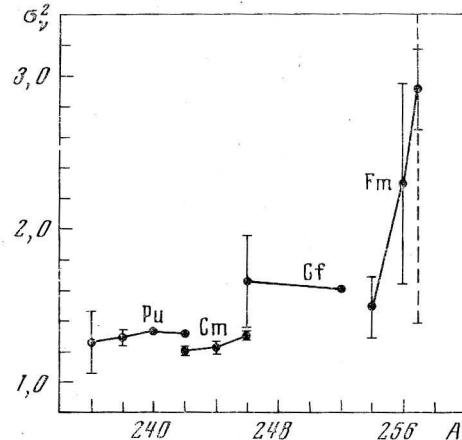


Рис. 1. Систематика чисел  $\bar{v}$  для спонтанного деления ядер

Это оказывает несущественное влияние на распределение числа нейтронов; как показал анализ зависимостей  $\bar{v}$  от амплитуды осколка, имевшееся различие в порогах регистрации осколков деления  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$  приводило к завышению  $\bar{v}$  ( $Cm^{246}$ ) не более чем на 0,4%.

Фон учитывался на основании измеренного распределения множественности фоновых нейтронов. Средний уровень фона в данных опытах составлял 0,003 нейtron / деление, включая эффект небольшой интерференции между источниками, т. е. взаимные наложения нейтронов деления  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$ ; «собственный» фон детектора нейтронов примерно в 3 раза меньше.

Распределения множественности регистрируемых нейтронов были исправлены на просчеты из-за разрешающего времени, которые возникают с вероятностью 10% при регистрации двух и более нейтронов одной группой  $He^3$ -счетчиков. Одновременная регистрация двух нейтронов двумя различными группами счетчиков к просчетам не приводит благодаря полной независимости усилительно-формирующих трактов.

Эффективность регистрации нейтронов деления определялась по известной величине  $\bar{v} = 2,69 \pm 0,01$  для  $Cm^{244}$  [1, 5]. Различие в средней энергии спектра нейтронов для  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$  составляет около 3% [12]. Поскольку регистрируются тепловые или сильно замедленные нейтроны, эффективности регистрации для  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$  считались разными.

Более подробное описание параметров аппаратуры и методов учета систематических погрешностей содержится в работе [18].

## 2. Результаты эксперимента

Полное число проанализированных актов деления составило  $1,0 \cdot 10^5$  и  $1,3 \cdot 10^5$  соответственно для  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$ . Статистика была набрана при двух значениях эффективности регистрации нейтронов: 39,9% и 44,4%. Для  $Cm^{244}$  в анализ включена также статистика, полученная нами при  $\epsilon = 48,2\%$  в работе [3]. Здесь приводятся средневзвешенные данные.

Таблица 1

Распределения числа нейтронов для  $Cm^{244}$  и  $Cm^{246}$

	$Cm^{244}$	$Cm^{246}$		$Cm^{244}$	$Cm^{246}$
$P_0$	$0,029 \pm 0,004$	$0,016 \pm 0,005$	$P_6$	$0,002 \pm 0,013$	$0,005 \pm 0,018$
$P_1$	$0,098 \pm 0,012$	$0,060 \pm 0,014$	$P_7$	$0,000 \pm 0,007$	$0,000 \pm 0,012$
$P_2$	$0,314 \pm 0,017$	$0,264 \pm 0,020$	$\bar{v}$	$2,69 \pm 0,04$	$2,98 \pm 0,03$
$P_3$	$0,330 \pm 0,017$	$0,344 \pm 0,020$	$\sigma_v^2$	$1,28 \pm 0,02$	$1,31 \pm 0,02$
$P_4$	$0,175 \pm 0,015$	$0,219 \pm 0,020$	$F_2$	$0,805 \pm 0,003$	$0,812 \pm 0,003$
$P_5$	$0,052 \pm 0,014$	$0,094 \pm 0,020$			

После учета систематических погрешностей было получено отношение  $\bar{v}_{246} / \bar{v}_{244} = 4,107 \pm 0,009$ , откуда для  $Cm^{246}$  следует  $\bar{v} = 2,98 \pm 0,03$ . Это значение ниже величины  $\bar{v} = 3,17 \pm 0,22$ , определенной Томисоном [17], и согласуется с результатами  $2,950 \pm 0,015$  и  $2,927 \pm 0,027$ , полученными для  $Cm^{246}$  соответственно в работах [5] и [6].

Чтобы трансформировать экспериментальные распределения множественности  $F_n$  в реальные распределения  $P_v$  числа нейтронов, испускаемых делящимся ядром, необходимо учесть эффективность детектора  $\epsilon$ . Как показано в работе [16], для  $\epsilon \sim 40\%$  эта задача является «некорректной»: прямой переход от  $F_n$  к  $P_v$  по обычным формулам Дайрена [19] приводит к ложному решению, содержащему большие, часто отрицательные, осциллирующие компоненты  $P_v$ . Поэтому нами использовался метод статистической регуляризации, позволяющий восстанавливать по экспериментальным данным реальное распределение множественности, начиная с

$\geq 25\%$ , и определять среднеквадратичные ошибки компонент восстановленного распределения  $P_v$  [16, 20]. Поскольку эти ошибки значительны, интегральные характеристики распределений —  $\bar{v}$ , дисперсия  $\sigma_v^2 = \langle v^2 \rangle - \bar{v}^2$  и параметр формы  $\Gamma_2 = [\langle v^2 \rangle - \bar{v}] / \bar{v}^2$  определялись, как и в работе [3], непосредственно по экспериментальным распределениям  $F_n$ , ошибки которых заметно меньше. Результаты, полученные в настоящей работе, приводятся в табл. 1.

### 3. Зависимость дисперсии числа нейтронов от нуклонного состава и энергии возбуждения делящегося ядра

При разумных и достаточно простых предположениях о распределении суммарной энергии возбуждения осколков Терреллом было показано [11], что вероятности  $P_v$  эмиссии  $v$  нейтронов при делении описываются приближенно, в кумулятивной форме, «гауссовским» распределением

$$\sum_{n=0}^{\infty} P_n = \int_{-\infty}^{(v-\bar{v}+\sigma+b)/\sigma} \exp(-t^2/2) dt, \quad (1)$$

где  $b < 10^{-2}$  — малая константа, вводимая для наилучшего согласования с опытом, и  $\sigma$  — среднеквадратичная ширина распределения суммарной энергии возбуждения, измеренная в единицах среднего изменения энергии возбуждения при вылете одного нейтрона  $E_0$ ;  $\sigma$  связана с дисперсией числа

нейтронов  $\sigma_v^2$  соотношением  $\sigma \approx \sqrt{\sigma_v^2 - 1/12}$  [12]. Оказалось, что все экспериментальные данные, проанализированные Терреллом, хорошо описывались распределением (1) с одной и той же величиной параметра  $\sigma$ , равной 1,08. Исключение составлял Cf<sup>252</sup>, для которого требовалось  $\sigma=1,21$ .

Результаты измерений, выполненных в последующие 15 лет, показывают, что дисперсия числа нейтронов не является постоянной величиной,

Таблица 2

Дисперсия числа нейтронов, испускаемых при спонтанном делении ядер

$Z$	$A$	Литература	$\bar{v}$ [ $10^{-6}$ ]	$\Gamma_2$	$\sigma_v^2$
94	236	[21]	$2,42 \pm 0,43$	$0,809 \pm 0,045$	$4,26 \pm 0,20$
94	238	[21]	$2,21 \pm 0,07$	$0,812 \pm 0,010$	$4,29 \pm 0,05$
94	240	[13, 14, 19, 21, 22]	$2,451 \pm 0,006$	$0,822 \pm 0,004$	$4,33 \pm 0,04$
94	242	[13, 21]	$2,441 \pm 0,009$	$0,822 \pm 0,002$	$4,32 \pm 0,04$
96	242	[21]	$2,51 \pm 0,06$	$0,793 \pm 0,004$	$4,21 \pm 0,03$
96	244	[19, 21], настоящая работа	$2,69 \pm 0,01$	$0,798 \pm 0,007$	$4,23 \pm 0,05$
96	246	Настоящая работа	$2,950 \pm 0,045$	$0,842 \pm 0,003$	$4,34 \pm 0,02$
98	246	[3]	$3,44 \pm 0,09$	$0,850 \pm 0,034$	$4,66 \pm 0,34$
98	252	[14, 19, 21]	$3,756 \pm 0,012$	$0,848 \pm 0,001$	$4,64 \pm 0,01$
100	254	[16, 23]	$3,98 \pm 0,14$	$0,843 \pm 0,012$	$4,49 \pm 0,20$
100	256	[2, 16]	$3,73 \pm 0,48$	$0,897 \pm 0,047$	$2,30 \pm 0,65$
100	257	[15, 16]	$4,01 \pm 0,43$	$0,934 \pm 0,017$	$2,92^{+1,27}_{-1,68}$

а зависит от нуклонного состава и энергии возбуждения делящегося ядра. В табл. 2 представлены опубликованные к настоящему времени экспериментальные данные о дисперсии числа нейтронов  $\sigma_v^2$  при спонтанном делении. Исходной для определения  $\sigma_v^2$  являлась величина  $\Gamma_2$ , чье зависящее от эффективности регистрации нейтронов

$$\Gamma_2 = \frac{\langle v^2 \rangle - \bar{v}}{\bar{v}^2} = \frac{\langle n^2 \rangle - \bar{n}}{\bar{n}^2} \quad (2)$$

и для данного  $\bar{v}$  однозначно связанные с  $\sigma_v^2$ :

$$\sigma_v^2 = \bar{v} - \bar{v}^2(1 - \Gamma_2). \quad (3)$$

Если для одного и того же ядра в литературе имелось несколько значений  $\Gamma_2$ , проводилось их усреднение с учетом ошибок отдельных результатов и дисперсия определялась по средневзвешенному  $\Gamma_2$ . Значения  $\bar{v}$  и  $\Gamma_2$ , использованные нами для определения  $\sigma_v^2$ , и ссылки на оригиналную литературу также содержатся в табл. 2. Зависимость  $\sigma_v^2$  от  $Z$  и  $A$  делящегося ядра показана на рис. 2.

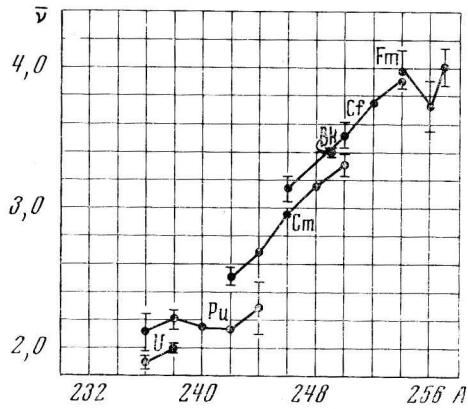


Рис. 2

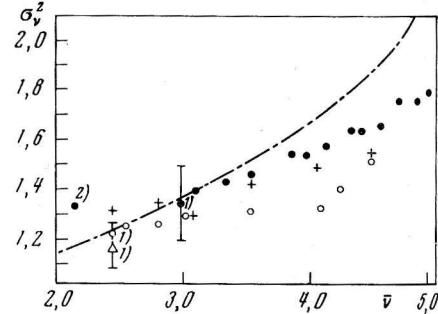


Рис. 3

Рис. 2. Зависимость дисперсии числа мгновенных нейтронов от  $Z$  и  $A$  делящегося ядра

Рис. 3. Дисперсия числа мгновенных нейтронов, испускаемых при делении  $U^{235}$  ( $\circ$ ),  $U^{238}$  ( $+$ ) и  $Pu^{239}$  ( $\bullet$ ) нейтронами с энергией от 1,3 до 15  $M_eV$  [25]; 1 — данные [19] для  $U^{233}$  ( $\Delta$ ),  $U^{235}$  ( $\circ$ ) и  $Pu^{239}$  ( $\bullet$ ) при энергии нейтронов 80  $keV$ , 2 — спонтанное деление  $Pu^{240}$ . Пунктирная кривая — расчет по формуле (3) при  $\Gamma_2 = 0,714 + 0,035v$  [19]

Как следует из табл. 2 и рис. 2,  $Cf^{252}$ , обладающий большой дисперсией числа нейтронов, не является исключением: еще более широкие распределения числа нейтронов наблюдаются для изотопов фермия. Более того, точные измерения последних лет обнаруживают статистически значимые вариации  $\sigma_v^2$  для изотопов из области  $A \leq 244$ , в которой прежде [11] они не были заметны. Сопоставление рис. 1 и рис. 2 показывает, что при изменении  $Z$  и  $A$  делящегося ядра среднее число нейтронов  $\bar{v}$  и дисперсия  $\sigma_v^2$  изменяются по-разному. Там, где  $\bar{v}$  сильно растет с ростом  $A$  (изотопы кюрия и калифорния),  $\sigma_v^2$  изменяется очень слабо, и наоборот, для изотопов фермия  $\bar{v}$  практически постоянно, в то время как  $\sigma_v^2$ , возможно, увеличивается в 2 раза при переходе от  $Fm^{254}$  к  $Fm^{257}$ . Вместе с тем переход к более широким распределениям числа нейтронов наблюдается при  $A > 244$ , там, где имеет место значительное усиление зависимости  $\bar{v}$  от  $A$ .

Конечно, следует учитывать, что ошибки определения  $\sigma_v^2$  в ряде случаев весьма велики. Тем более затрудняет анализ неаргументированное их изменение; например, приведенная авторами [18] ошибка  $\sigma_v^2$  для  $Fm^{257}$  (пунктир на рис. 2) без указания причин увеличена втрое по сравнению со статистической. В некоторых случаях ( $Cm^{244}$ ) разброс значений  $\sigma_v^2$ , сообщаемых в различных работах, в несколько раз превышает указываемые авторами ошибки.

Если влияние  $Z$  и  $A$  удобнее наблюдать на примере спонтанного деления, то зависимость  $\sigma_v^2$  от энергии возбуждения естественно было бы опре-

делить по изменению формы распределения  $P_v$  при изменении энергии нейтронов, вызывающих деление. Сведения о распределениях множественности при вынужденном делении весьма ограничены. В работе [19] измерены распределения  $P_v$  для деления  $U^{233}$ ,  $U^{235}$  и  $Pu^{239}$  нейтронами с энергией 80 кэв; несколько неопубликованных значений  $\sigma_v^2$  при делении  $U^{235}$  и  $U^{238}$  быстрыми нейтронами сообщаются в работе [11]; данные [24] не могут быть использованы по причине их внутренней несогласованности. Некоторые выводы можно сделать из работы [25], в которой наряду с  $\bar{v}$  измерялась энергетическая зависимость вероятностей  $P_v$  эмиссии  $v$  нейтронов при делении  $U^{235}$ ,  $U^{238}$  и  $Pu^{239}$  нейтронами с энергией от 1,3 до 15 Мэв. К сожалению, эти результаты представлены графически, в форме зависимостей  $P_v$  от  $\bar{v}$  и лишь для  $v=0, 1, \dots, 6$ , в то время как при энергиях нейтронов  $\sim 15$  Мэв  $\bar{v} = 4,5 \div 5$  и заметный вклад в  $\sigma_v^2$  могут вносить случаи с  $v \geq 7$ . Эти обстоятельства не позволяют воспользоваться результатами [25] для строгого количественного анализа; однако качественные выводы могут быть сделаны. По данным [25] нами оценивались величины  $\sigma_v^2$  для ряда значений энергии нейтронов. Они представлены вместе с отдельными точками из работы [19] на рис. 3. Как следует из рис. 3, с ростом энергии возбуждения дисперсия числа нейтронов увеличивается.

Таким образом, используя для расчетов  $P_v$  соотношение (1), необходимо учитывать возможную зависимость  $\sigma_v^2$ , а следовательно, и параметра  $\sigma$ , от нуклонного состава и энергии возбуждения делящегося ядра. Предложенная в работе [19] полуэмпирическая формула  $\Gamma_2 = 0,714 + 0,035 \bar{v}$  приводит к более сильной по сравнению с наблюдаемой на опыте (рис. 3) зависимости  $\sigma_v^2$  от энергии возбуждения и не передает вариации  $\sigma_v^2$  при изменении  $Z$  и  $A$  делящегося ядра.

#### 4. О возможной корреляции между дисперсией числа нейтронов и структурой массового распределения осколков

Наблюдаемое поведение  $\sigma_v^2$  трудно, по крайней мере полностью, объяснить изменением реализующейся в делении суммарной энергии возбуждения осколков, или  $\bar{v}$ , что могло бы следовать из самых общих статистических представлений. При вариации нуклонного состава делящихся ядер  $\sigma_v^2$  не изменяется пропорционально  $\bar{v}$ ; характер изменения этих двух величин, по-видимому, различен.

Вместе с тем при рассмотрении экспериментальных данных, приведенных на рис. 2 и рис. 3, обращает на себя внимание тот факт, что наибольшие значения  $\sigma_v^2$  наблюдаются для случаев более симметричного распределения масс. Действительно, хорошо известно [26], что «впадина» массовой кривой быстро заполняется при увеличении энергии нейтронов, вызывающих деление, от тепловой до 14–15 Мэв; рис. 3 показывает, что при этом растет и дисперсия числа нейтронов. Недавние эксперименты по исследованию спонтанного деления  $Fm^{257}$  [27] и  $Fm^{256}$  [28] показали, что в первом случае массовое распределение осколков симметрично, а во втором отношение пика к впадине составляет всего 12; именно для этих ядер наблюдаются наибольшие значения  $\sigma_v^2$ . В табл. 3 проводится сопоставление величин  $\sigma_v^2$  с отношениями пика к впадине ( $R$ ); последние заимствованы из работы [28]. Как следует из табл. 3, и для других ядер меньшей величины отношения пик / впадина соответствует большее значение  $\sigma_v^2$ . Конечно, отношение пик / впадина является грубой и неоднозначной характеристической массового распределения; к тому же для большинства спонтанно делящихся ядер известна только нижняя граница этого отношения. Табл. 3 является лишь качественной иллюстрацией. Было бы правильнее сравнивать  $\sigma_v^2$  с величиной выхода первичных (до испускания нейтронов) осколков в некоторой области масс, близкой для рассматриваемых ядер к сим-

метричному делению. Тогда большее значение  $\sigma_v^2$  для Cf<sup>252</sup> при большем по сравнению с Pu<sup>240</sup> отношении пик/впадина естественно объяснялось бы значительным уширением и сближением пиков легкого и тяжелого осколков на массовой кривой в случае Cf<sup>252</sup> [26].

Мы видим, что экспериментальные данные не противоречат предположению о корреляции дисперсии числа нейтронов, испускаемых при делении, с выходом симметричных масс. Проанализируем возможные следствия этой корреляции, считая, что она не является случайной.

Таблица 3  
Корреляция дисперсии числа нейтронов с выходом симметричных масс при спонтанном делении ядер

Изотоп	$\bar{v}$	$\sigma_v^2$	$R$	Изотоп	$\bar{v}$	$\sigma_v^2$	$R$
Pu <sup>240</sup>	2,451	$1,33 \pm 0,01$	$> 250$	Cf <sup>252</sup>	3,756	$1,61 \pm 0,01$	$\geq 650$
Cm <sup>242</sup>	2,51	$1,21 \pm 0,03$	$> 800$	Fm <sup>256</sup>	3,73	$2,30 \pm 0,65$	$\approx 12$
Cm <sup>244</sup>	2,69	$1,23 \pm 0,05$	$> 5700$	Fm <sup>257</sup>	4,01	$2,92^{+1,27}_{-1,68}$	$\sim 1$

Чувствительность дисперсии числа нейтронов к структуре массового распределения осколков означает ее зависимость от способа деления. Пусть  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  — дисперсия суммарного числа нейтронов, испускаемых двумя дополнительными осколками  $A_1$  и  $A_2$ , причем  $A = A_1 + A_2$  — масса делящегося ядра. Тогда можно написать

$$\sigma_v^2 = \frac{\int \sigma_v^2(A_1, A_2) Y(A_1) dA_1}{\int Y(A_1) dA_1}, \quad (4)$$

где  $Y(A_1)$  — первичное (до испускания нейтронов) распределение масс. Поскольку  $\sigma_v^2$  растет с увеличением выхода симметричных осколков, абсолютный вклад которых в массовую кривую мал, величина дисперсии  $(A_1, A_2)$  при  $A_1/A_2 \sim 1$  должна быть заметно больше ее среднего значения. Весьма приближенные оценки показывают, что для объяснения (полностью этим эффектом) вариаций интегральной дисперсии  $\sigma_v^2$  необходимо увеличение  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  для области  $A_1/A_2 \sim 1$  на несколько единиц; размер требуемого увеличения сильно зависит от величины интервала масс вокруг  $A_1/A_2 = 1$ , в котором оно предполагается.

В свою очередь, дисперсия полного числа нейтронов  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  может зависеть как от свойств индивидуальных осколков  $A_1$  и  $A_2$ , так и от способа распределения суммарной энергии возбуждения между ними:

$$\sigma_v^2(A_1, A_2) = \sigma_v^2(A_1) + \sigma_v^2(A_2) + 2\rho(A_1, A_2)\sigma_v(A_1)\sigma_v(A_2), \quad (5)$$

где  $\sigma_v^2(A_f)$  — дисперсия числа нейтронов, испускаемых осколком с массой  $A_f$ ,  $f = 1, 2$ ;  $|\rho(A_1, A_2)| \leq 1$  — фактор корреляции между энергиями возбуждения двух дополнительных осколков.

Оба указанных выше фактора могут, в принципе, приводить к увеличению  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  в симметричной области, причем значительное изменение этих факторов, если оно имеет место, связано скорее с особенностями оболочечной структуры осколков, близких по массе к симметричным, чем с существованием двух независимых способов деления.

Степень корреляции энергий возбуждения двух дополнительных (по массе или заряду) осколков  $\rho$  исследовалась экспериментально для Cf<sup>252</sup>.

[<sup>29-31</sup>]. Общим для этих работ можно считать вывод об отсутствии положительной корреляции между энергиями возбуждения осколков для большинства способов деления. Из работы [<sup>29</sup>] следует, что  $\rho$  «существенно меньше плюс единицы, по крайней мере, для некоторой части отношений масс осколков»; авторы [<sup>30</sup>], измеряя  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  и наряду с этим  $\sigma_v^2(A_1) + \sigma_v^2(A_2)$ , нашли  $\rho \approx 0$  для всех отношений масс, за исключением, быть может,  $A_2 / A_1 = 1,55$ , где  $\rho < 0$ , и  $A_1 / A_2 \sim 1$ , где экспериментальные

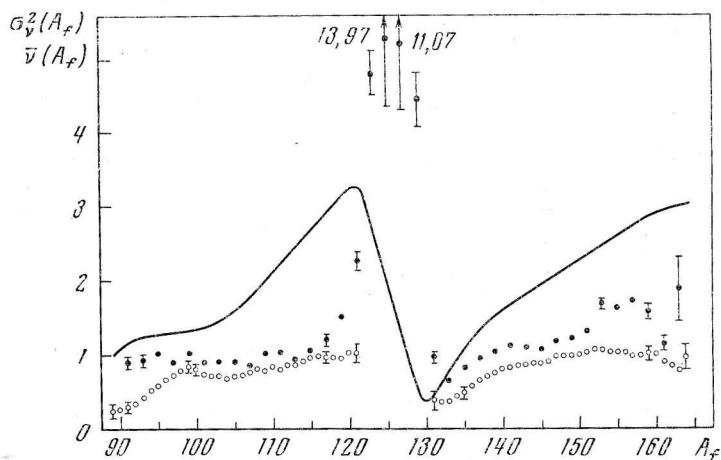


Рис. 4. Зависимость дисперсии числа нейтронов и  $\bar{v}$  (сплошная кривая) от массового числа осколка для спонтанного деления Cf<sup>252</sup>; ●, ○ — данные работы соответственно [<sup>29</sup>] и [<sup>30</sup>]

данные не приводятся. В работе [<sup>31</sup>] обнаружена строгая антикорреляция энергий возбуждения. Антикорреляция предсказывалась также теоретически [<sup>32</sup>] на основании модели жидкой капли:  $\rho = -(0,44 \div 0,58)$  для деления Bi<sup>209</sup>  $\alpha$ -частицами с энергией 65 МэВ. Некоторые физические ограничения на величину  $\rho$  (в частности, сильное ограничение для положительной корреляции) отмечались Терреллом [<sup>33</sup>].

Таким образом, формально к некоторому увеличению  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  могло бы привести включение положительной корреляции в симметричной области, что, по-видимому, не противоречит [<sup>29-31</sup>]. Однако представляется более вероятным увеличение  $\sigma_v^2(A_1, A_2)$  из-за возрастания дисперсии числа нейтронов для индивидуальных осколков  $\sigma_v^2(A_f)$  при  $A_1 / A_2 \sim 1$ , там где наиболее резким изменениям подвержена функция  $\bar{v}(A_f)$ .

Зависимость дисперсии числа нейтронов от массы осколка также исследовалась в работах [<sup>29, 30</sup>]. Авторами [<sup>29</sup>] было найдено, что  $\sigma_v^2(A_f)$  является приблизительно симметричной относительно  $A/2$  функцией и не обнаруживает характерной для зависимости  $\bar{v}(A_f)$  «пилообразной» структуры.  $\sigma_v^2(A_f)$  испытывает значительное увеличение в области симметричных масс и остается практически постоянной вне интервала  $117 \leq A_f \leq 137$ , лишь несколько возрастая при  $A_f \geq 155$ . Конечно, очень большие значения  $\sigma_v^2(A_f)$  в интервале  $123 \leq A_f \leq 129$ , достигающие 11–14 единиц, как и указывают авторы [<sup>29</sup>], могут быть в значительной мере обусловлены плохой идентификацией масс осколков в этой области.

В работе [<sup>30</sup>] с использованием более совершенной техники также изучалась зависимость  $\sigma_v^2(A_f)$  от массового числа осколка. Для наиболее вероятных осколков результат [<sup>30</sup>] качественно согласуется с предыдущим:  $\sigma_v^2(A_f)$  здесь изменяется слабо. В целом же кривая  $\sigma_v^2(A_f)$  несколько более

асимметрична относительно  $A / 2$  за счет заметного уменьшения  $\sigma_v^2(A_f)$  при  $A_f < 98$  и более отчетливо выраженного «провала» при  $A_f \sim 132$ . Экспериментальные данные для диапазона  $121 < A_f < 131$  в работе [30] не приводятся. Кривые  $\sigma_v^2(A_f)$ , измеренные в [29, 30], сравниваются на рис. 4; здесь же представлена зависимость  $\bar{v}(A_f)$  для Cf<sup>252</sup>.

Итак, результаты прямых экспериментальных исследований дисперсии числа нейтронов для индивидуальных осколков не позволяют сделать однозначных выводов о ее величине в симметричной области. Предположение об увеличении  $\sigma_v^2(A_f)$  для симметричных осколков не противоречит экспериментальным данным [30]. Результаты работы [29] можно рассматривать как свидетельство в пользу высказанного предположения.

Поэтому трудно сделать определенные выводы и о причинах наблюдаемого изменения интегральной дисперсии числа нейтронов  $\sigma_v^2$ : сумма экспериментальных данных невелика и ошибки измерений в ряде случаев значительны. Представляют интерес более точные измерения  $\sigma_v^2$  для широкого круга ядер и ее систематическое определение при делении ядер пейтлонами различных энергий. Это позволит детально выяснить характер зависимости  $\sigma_v^2$  от  $Z$ ,  $A$  и энергии возбуждения делящегося ядра и решить вопрос о существовании корреляции дисперсии числа нейтронов  $\sigma_v^2$  со структурой массового распределения. Последнее представляется весьма важным: если, действительно, дисперсия числа нейтронов для симметричных осколков велика и это есть такая же общая черта деления при низких энергиях возбуждения, как и пилообразная зависимость числа нейтронов от массы осколка, то, возможно, в некоторых случаях величина  $\sigma_v^2$  может служить указанием на относительную величину выхода определенных масс в делении. Это может быть полезным при исследовании короткоживущих спонтанно делящихся изотопов (таких, например, как 102<sup>52</sup>,  $T_{1/2} = 2,4$  сек), когда экспериментальные условия практически не позволяют измерить распределение масс, но допускают возможность достаточно точного определения  $\sigma_v^2$ .

Авторы благодарят Г. Н. Флерова за интерес к работе и многочисленные обсуждения.

Авторы признателны И. Лангу, О. К. Нефедьеву, В. Г. Субботину за помощь в проведении измерений, Ю. С. Короткину — за изготовление источников из изотопов кюрия.

*Дополнение (от 19 июня 1973 г.)* После того как статья была принята в печать, авторам стали известны следующие результаты.

1. Экспериментальные значения  $\sigma_v^2$  для деления ряда изотопов тепловыми нейтронами, полученные в работе J. W. Boldeman, A. W. Dalton, Report AAEC/E172, Lucas Heights, Australia, 1967, существенно дополняют табл. 3, подтверждая существование обсуждаемой нами корреляции

	$\sigma_v^2$	$R$
U <sup>234</sup>	$1,208 \pm 0,008$	440
U <sup>236</sup>	$1,236 \pm 0,008$	620
Pu <sup>240</sup>	$1,404 \pm 0,014$	150
Pu <sup>242</sup>	$1,375 \pm 0,009$	230

2. Значения  $\bar{v}$ ,  $\sigma_v^2$  для спонтанного деления Cm<sup>246</sup> и Cm<sup>248</sup> (R. W. Stoughton, J. Halperin, C. E. Bemis, H. W. Schmitt. Nucl. Sci. Eng., 50, 169, 1973) равны соответственно  $2,86 \pm 0,06$ ,  $1,28 \pm 0,14$  и  $3,14 \pm 0,06$ ,  $1,21 \pm 0,13$  (стандарт  $\bar{v}(\text{Cf}^{252}) = 3,73$ );  $\bar{v} = 3,092 \pm 0,007$  и  $\sigma_v^2 = 1,368 \pm 0,005$  для спонтанного деления Cm<sup>248</sup> (J. W. Boldeman. Докл. на Всесоюзн. конф. по нейтронной физике, Киев, 28 мая — 1 июня, 1973) (стандарт  $\bar{v}(\text{Cf}^{252}) = 3,724$ ).

## Литература

- [1] F. Manego, V. A. Konshin. Atom. Energy Rev., **10**, No. 4, 637, 1972.

[2] M. Dakovskiy, Yu. A. Lazarev, Yu. P. Oganesyan. ЯФ, **16**, 1167, 1972.

[3] M. Dakovskiy, Yu. A. Lazarev, Yu. P. Oganesyan, G. V. Bukanov. ЯФ, **17**, 692, 1973.

[4] B. N. Kosyakov, B. G. Nesterov, B. Nурпейсов, Л. И. Прохорова, Г. Н. Смирекин, И. К. Швецов. Атомная энергия, **33**, 788, 1972.

[5] Л. И. Прохорова, В. Г. Нестеров, Г. Н. Смирекин, Г. В. Гришин, Е. А. Никитин, В. Н. Попынов, В. В. Рачев. Атомная энергия, **33**, 767, 1972.

[6] B. V. Golushko, K. D. Zhuravlev, Yu. S. Zamятнин, N. I. Kroshkin, B. N. Nevedov. Атомная энергия, **34**, 135, 1973.

[7] B. I. Большов, Л. И. Прохорова, В. Н. Околович, Г. Н. Смирекин. Атомная энергия, **17**, 28, 1964.

[8] K. E. Володин, B. G. Нестеров, B. Nурпейсов, Г. Н. Смирекин, Ю. М. Турчин, B. N. Kosyakov, L. B. Чистяков, И. К. Швецов, B. M. Шубко, L. N. Мезенцев, B. N. Okolovich. ЯФ, **15**, 29, 1972.

[9] H. W. Schmidt, U. Moesel. Nucl. Phys., **A186**, 1, 1972.

[10] J. R. Nixon. Phys. Lett., **30B**, 1, 1969.

[11] J. Terrell. Phys. Rev., **108**, 783, 1957.

[12] J. Terrell. Proc. of the Simp. on Phys. and Chem. of Fission, **2**, IAEA, Vienna, 1965, p. 3.

[13] J. W. Boldeman. J. Nucl. Energy, **22**, 63, 1968.

[14] E. Baron, J. Frehaut, F. Ouvry, M. Soleilhac. Nucl. Data for Reactors, v. II. IAEA, Vienna, 1967, p. 57.

[15] E. Scheifetz, H. R. Bowman, J. B. Hunter, S. G. Thompson. Phys. Rev., **C3**, 2017, 1971.

[16] M. Dakovskiy, Yu. A. Lazarev, B. Ф. Турчин, L. C. Туровцева, Препринт E14-6969, ОИЯИ, 1973.

[17] M. C. Thompson. Phys. Rev., **C2**, 763, 1970.

[18] M. Dakovskiy, Yu. A. Lazarev, I. Lapg, O. K. Nevedev, M. C. Би-рульёв. Сообщения 43-6520, ОИЯИ, 1972.

[19] B. C. Diven, H. C. Martin, R. F. Taschek, J. Terrell. Phys. Rev., **101**, 1012, 1956.

[20] B. Ф. Турчин, B. П. Козлов, M. C. Малкевич. УФН, **102**, 345, 1970.

[21] D. A. Hicks, J. Ise, Jr., R. V. Pyle. Phys. Rev., **101**, 1016, 1956.

[22] J. E. Hammel, J. F. Kephart. Phys. Rev., **100**, 130, 1955.

[23] G. R. Choppin, B. G. Harvey, D. A. Hicks, J. Ise, Jr., R. V. Pyle. Phys. Rev., **102**, 766, 1956.

[24] H. Condé, N. Starfelt. Nucl. Sci. Eng., **11**, 397, 1961.

[25] M. Soleilhac, J. Frehaut, J. Gauriau. J. Nucl. Energy, **23**, 257, 1969.

[26] H. R. von Gunten. Actinides Reviews, **1**, 275, 1969.

[27] J. P. Balagna, G. P. Ford, D. C. Hoffman, J. D. Knight. Phys. Rev. Lett., **26**, 145, 1971.

[28] K. F. Flynn, E. P. Horwitz, C. A. A. Bloomquist, R. F. Barnes, R. K. Sjöblom, P. R. Fields, L. E. Glendenning. Phys. Rev., **C5**, 1725, 1972.

[29] A. Gavron, Z. Fraenkel. Phys. Rev. Lett., **27**, 1148, 1971.

[30] C. Signarbieux, J. Poitou, M. Ribrac, J. Matuszek. Phys. Lett., **39B**, 503, 1972.

[31] H. Nifenecker, J. Frehaut, M. Soleilhac. Proc. of the Simp. on Phys. and Chem. of Fission, IAEA, Vienna, 1969, p. 491.

[32] J. R. Nixon, W. J. Swiateck. Nucl. Phys., **71**, 1, 1965.

[33] J. Terrell. Phys. Rev., **127**, 880, 1962.

## MULTIPLICITY OF PROMPT NEUTRONS FROM SPONTANEOUS NUCLEAR FISSION

D. M. DAKOVSKY, Yu. A. LAZAREV, Yu. Ts. OGANESYAN

The distributions  $P_v$  of the number of prompt neutrons produced in spontaneous fission of  $\text{Cm}^{244}$  and  $\text{Cm}^{246}$  are measured. The mean number of neutrons per fission event is obtained to be  $\bar{v} = 2.98 \pm 0.03$  for  $\text{Cm}^{246}$ . For  $\text{C}^{244}$   $\bar{v} = 2.69 \pm 0.01$ .

The survey of the experimental data on the dispersion  $\sigma_v^2$  of the number of prompt neutrons produced in fission is given. The dependence of  $\sigma_v^2$  on  $Z$ ,  $A$  and on the excitation energy of the fissionable nucleus is studied. It is suggested that  $\sigma_v^2$  and the yield of fragments are correlated in the symmetrical region of masses.